

열혈강의 자료구조

모범 답안

내용

1 장	3
2 장	5
3 장	7
4 장	9
5 장	15
6 장	17
7 장	19
8 장	23
9 장	30
10 장.....	35

1장

01_

1) 선형구조에 속하는 자료구조: 리스트, 스택, 큐, 덱

2) 비선형구조에 속하는 자료구조: 트리, 그래프

02_

1. 자료

1) MP3 파일 이름 리스트

2) 파일 이름 리스트에서 현재 연주되는 파일의 위치

2. 명령(연산)

이름	입력	출력	설명
Play()	N/A (없음)	성공 여부 (TRUE / FALSE)	음악을 연주한다
Stop()	N/A	성공 여부 (TRUE / FALSE)	음악 연주를 중지한다
Pause()	N/A	성공 여부 (TRUE / FALSE)	음악 연주를 일시 중지한다
Add_MP3()	파일 경로	성공 여부 (TRUE / FALSE)	MP3 파일을 목록에 추가한다
Delete_MP3()	삭제될 파일의 리스트에서의 위치	성공 여부 (TRUE / FALSE)	MP3 파일을 목록에서 제거한다
Get_MP3_Count()	N/A	현재 목록의 MP3 파일의 개수	현재 목록에서 파일의 개수를 반환한다

03_

알고리즘: 주어진 문제를 해결하기 위한 절차

알고리즘의 5가지 특성:

1) 입력: 외부에서 제공되는 자료가 0개 이상 있어야 한다

2) 출력: 적어도 1개 이상의 결과를 만들어야 한다

3) 명백성: 각 명령어는 의미가 모호하지 않고 명확해야 한다

4) 유한성: 한정된 수의 단계 뒤에는 반드시 종료된다. 무한히 동작해서는 안된다

5) 유효성: 모든 명령은 실행 가능한 연산이어야 한다.

예를 들어 0으로 나누는 연산과 같이 실행할 수 없는 연산을 포함해서는 안 된다.

04_

(1) 시간 복잡도 함수

$$n * (1 + 1 + 1 + n * 3) = 3n^2 + 3n$$

설명: (바깥 루프가 n번) * (비교 연산 1번 + 증가 연산 1 번 + 대입 연산 1 번

+ 내부 루프가 n번 * (비교 연산 1번 + 증가 연산 1번 + 더하기 연산 1번))

(2) 빅-오 표기법

$$O(3n^2 + 3n) = O(n^2)$$

05_

(1) $O(6n^3 + n! + 5n + 4) = O(n!)$

(2) $O(4n \log n + 5n^2 + 2) = O(5n^2)$

(3) $O(2^n + n^3 + 5) = O(2^n)$

06_

$$O(n) < O(\log n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!)$$

2장

03_

1) 10

2) 12

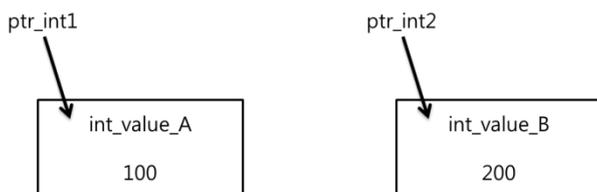
Page 105 문제 03. 2)

(기존) `int *ptr_int = &int_value;`

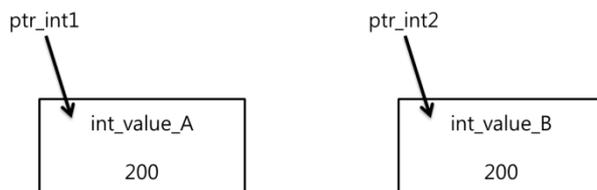
(수정) `int *ptr_int = int_value;`

04_

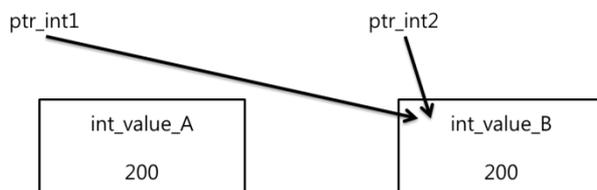
(1) 초기 설정



(2) `*ptr_int1 = *ptr_int2` 의 수행 결과

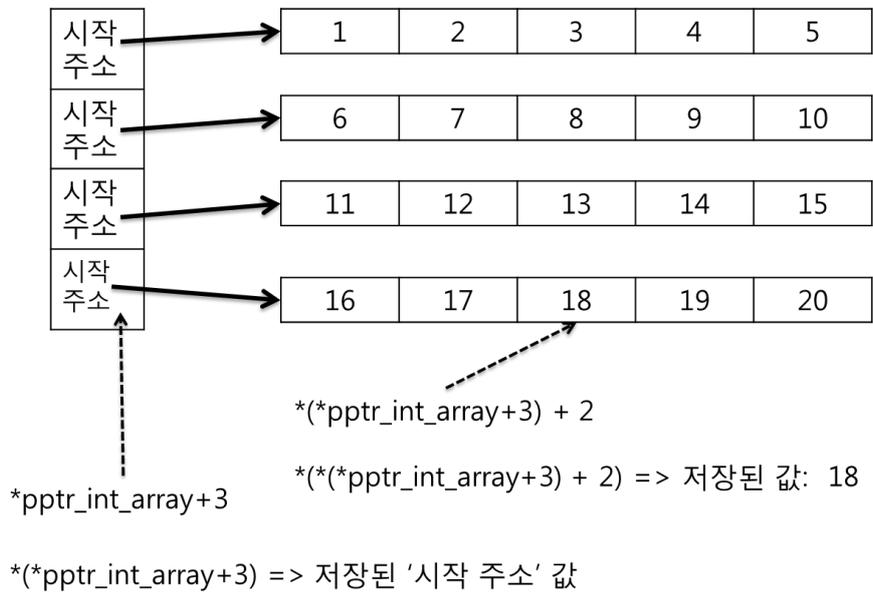


(3) `ptr_int1 = ptr_int2` 의 수행 결과



05_

`(*pptr_int_array+3) + 2` 의 값: 18



3장

01_

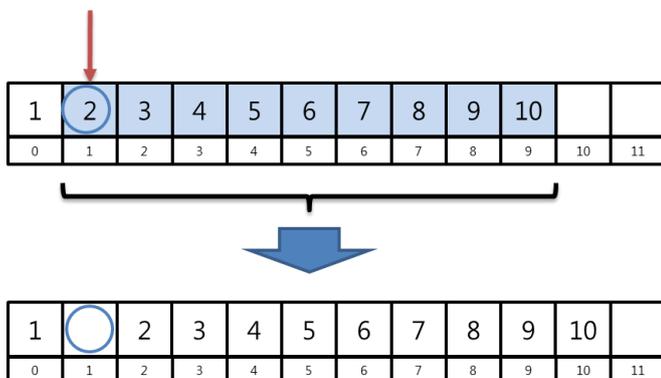
	장점	단점
연결 리스트	1) 원소 추가 혹은 삭제 시 배열 리스트 보다 성능이 우수함: 추가적인 원소 이동이 연산 불필요 2) 최대 원소 개수를 미리 지정해야 하는 제약사항이 없음: 효율적인 메모리 사용이 가능함	1) 탐색 비용이 높음 : 사용하려는 노드를 찾을 때 까지 포인터로 노드들을 탐색해야 함 2) 구현의 어려움: 동적 메모리 할당 및 포인터 연산 등으로 인해 구현 비용이 높음
배열 리스트	1) 탐색 비용이 낮음: 사용하려는 노드를 위치 인덱스를 이용하여 직접 접근이 가능함	1) 원소 추가 혹은 삭제 연산 수행 시 연결 리스트보다 성능이 낮음: 추가적인 원소의 이동이 필요함 2) 최대 원소 개수를 미리 지정해야 하는 제약사항이 있음: 메모리 사용의 낭비가 발생할 가능성이 높음

02_

	공통점	차이점
단순 연결 리스트	포인터를 이용하여 구현함	1) 연결 리스트의 가장 기본이 되는 간단한 구조를 가짐
원형 연결 리스트		2) 연결 리스트의 가장 마지막 노드가 첫 번째 노드와 연결되어 원형을 이루는 구조임
이중 연결 리스트		3) 양방향 링크를 사용하기 때문에, 특정 노드의 이전 노드에 대한 직접 접근이 가능함

03_

1) 9개



2) 8개

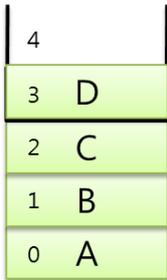
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

1	3	4	5	6	7	8	9	10			
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

4장

01_

(1)



(2)

D → C → B → A

02_

LIFO는 Last-In-First-Out의 줄임말로 가장 나중에 들어간 자료가 가장 먼저 나온다는 의미임

03_



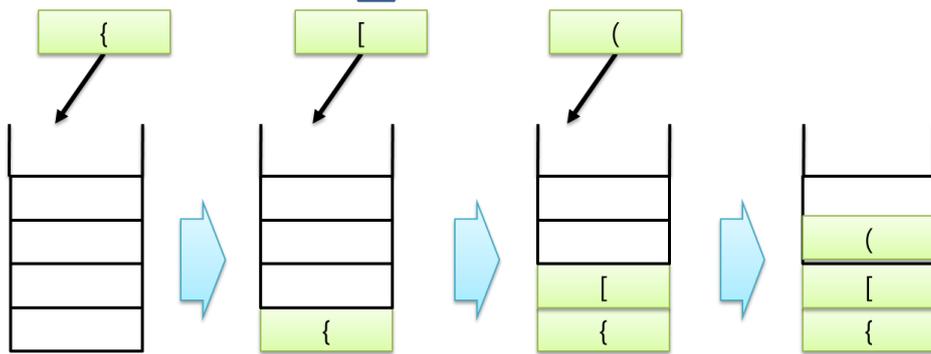
04_

(1)

{ A + [B * (C + D) }] }

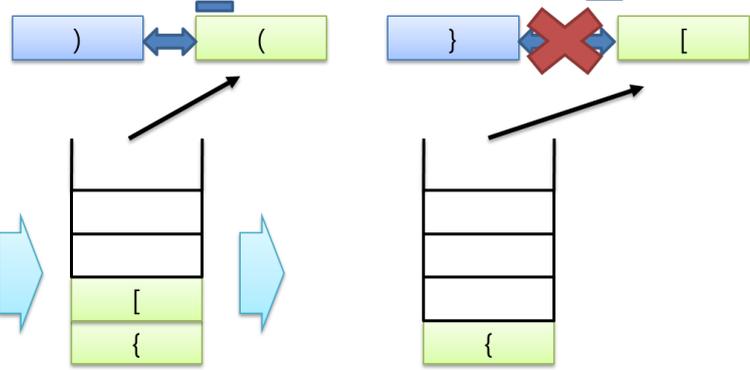
{ A + B [* (C + D) }] }

{ A + [B * (C + D) }] }



{ A + B [* (C + D) }] }

{ A + B [* (C + D) }] }

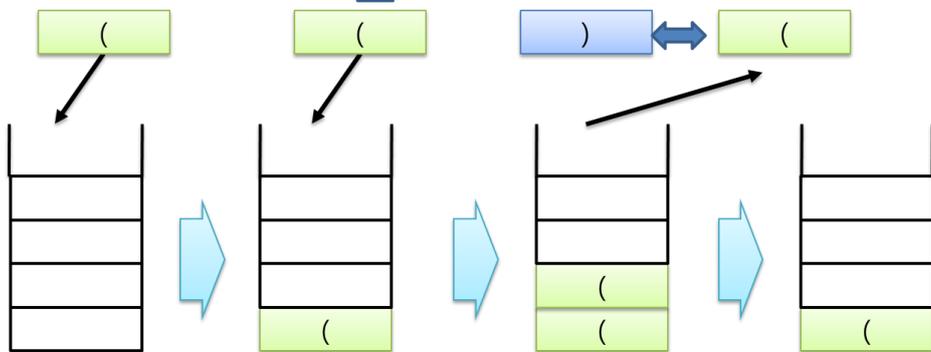


(2)

(A + (B + C) * (D + E) + F)

(A + (B + C) * (D + E) + F)

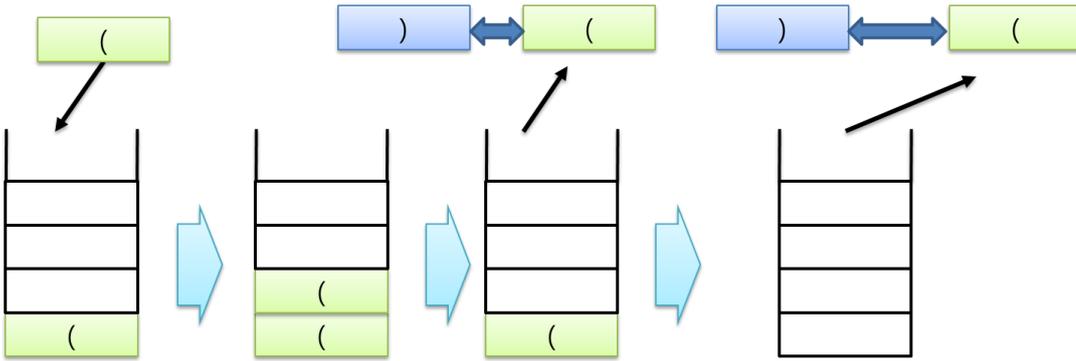
(A + (B + C) * (D + E) + F)



$$(A + (B + C) * (D + E) + F)$$

$$(A + (B + C) * (D + E) + F)$$

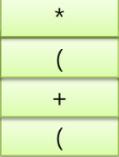
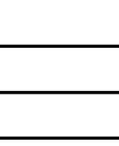
$$(A + (B + C) * (D + E) + F)$$



05_

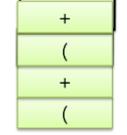
(1) (A + (B * (C + D)))

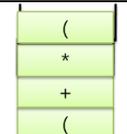
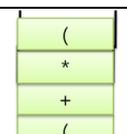
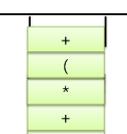
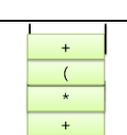
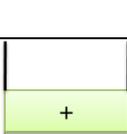
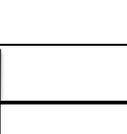
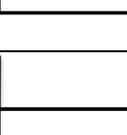
단계	처리	출력 내용	스택의 상태
1	<u>(</u> A + (B * (C + D)))	연산자 (를 스택에 push	
2)	(<u>A</u> + (B * (C + D)))	피연산자 A를 출력	
3	(A <u>+</u> (B * (C + D)))	연산자 +를 스택에 push	
4	(A + (<u>B</u> * (C + D)))	연산자 (를 스택에 push	
5	(A + (<u>B</u> * (C + D)))	피연산자 B를 출력	

6	$(A + (B * (C + D)))$	<u>연산자 *</u> 를 스택에 push	A B	
7	$(A + (B * (C + D)))$	<u>연산자 (</u> 를 스택에 push	A B	
8	$(A + (B * (C + D)))$	<u>피연산자 C</u> 를 출력	A B C	
9	$(A + (B * (C + D)))$	<u>연산자 +</u> 를 스택에 push	A B C	
10	$(A + (B * (C + D)))$	<u>피연산자 D</u> 를 출력	A B C D	
11	$(A + (B * (C + D)))$	<u>피연산자 (를 만날 때까지 pop</u>	A B C D +	
12	$(A + (B * (C + D)))$	<u>피연산자 (를 만날 때까지 pop</u>	A B C D + *	
13	$(A + (B * (C + D)))$	<u>피연산자 (를 만날 때까지 pop</u>	A B C D + +	

14	<종료>	<u>스택에 남은 토큰들 pop</u>	A B C D + * +	
----	------	-----------------------	------------------	---

(2) (A + (B + C) * (D + E) + F)

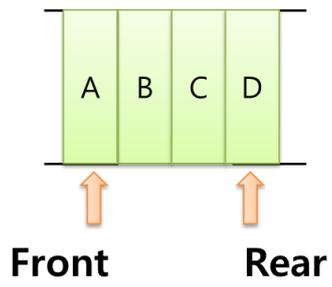
단계	처리	출력 내용	스택의 상태	
1	(<u>A</u> + (B * C) * (D + E) + F)	<u>연산자</u> (를 스택에 push		
2)	(<u>A</u> + (B + C) * (D + E) + F)	<u>피연산자 A</u> 를 출력	A	
3	(A <u>+</u> (B + C) * (D + E) + F)	<u>연산자 +</u> 를 스택에 push	A	
4	(A + (<u>B</u> + C) * (D + E) + F)	<u>연산자</u> (를 스택에 push	A	
5	(A + (<u>B</u> + C) * (D + E) + F)	<u>피연산자 B</u> 를 출력	A B	
6	(A + (B <u>+</u> C) * (D + E) + F)	<u>연산자 +</u> 를 스택에 push	A B	
7	(A + (B * <u>C</u>) * (D + E) + F)	<u>피연산자 C</u> 를 출력	A B C	
8	(A + (B + C) * (D + E) + F)	<u>피연산자 (를 만날 때까지 pop</u>	A B C +	

9	$(A + (B + C) * (D + E) + F)$	<u>연산자 *</u> 를 스택에 push	A B C +	
10	$(A + (B + C) * (D + E) + F)$	<u>연산자 (</u> 를 스택에 push	A B C +	
11	$(A + (B + C) * (D + E) + F)$	<u>피연산자 D</u> 를 출력	A B C + D	
12	$(A + (B + C) * (D + E) + F)$	<u>연산자 +</u> 를 스택에 push	A B C + D	
13	$(A + (B * C) * (D + E) + F)$	<u>피연산자 E</u> 를 출력	A B C + D E	
14	$(A + (B * C) * (D + E) + F)$	<u>피연산자 (</u> 를 만날 때까지 pop	A B C + D E +	
15	$(A + (B * C) * (D + E) + F)$	<u>연산자 *</u> 를 출력 <u>연산자 +</u> 를 출력	A B C + D E + * +	
16	$(A + (B * C) * (D + E) + F)$	<u>피연산자 F</u> 를 출력	A B C + D E + * + F	
17	$(A + (B * C) * (D + E) + F)$	<u>피연산자 (</u> 를 만날 때까지 pop	A B C + D E + * + F +	
18	<종료>	<u>스택에 남은 토큰들 pop</u>	A B C + D E + * + F +	

5장

01_

(1)



(2)

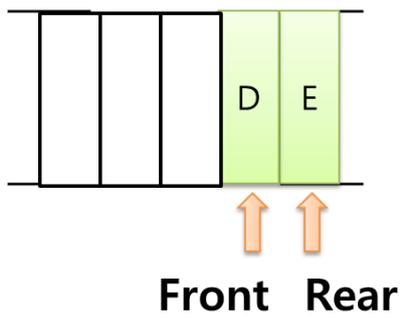
A → B → C → D

02_

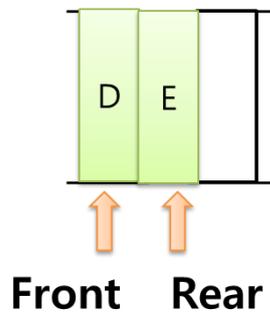
FIFO는 First-In-First-Out의 줄임말로 먼저 저장된 데이터가 나중 저장된 데이터 보다 항상 앞서 나오는 특성을 이야기 합니다. 이를 다른 말로 선입선출이라고도 합니다.

03_

선형 큐 기준



04_



05_

```
pDeque->pRearNode->pRLink = pNode;
```

```
pNode->pLLink = pDeque->pRearNode;
```

```
pDeque->pRearNode = pNode;
```

6장

01_

재귀 호출을 할 때에, 문제의 범위가 줄어들지 않기 때문에 무한 루프에 빠지게 된다.

```
ret = n * factorial( n );
```

02_

재귀 호출에 종료 조건(기본 경우 혹은 최소 한계)이 없기 때문에 무한 루프에 빠지게 된다.

```
if (n >= 1) { .... 과 같은 조건이 없음
```

03_

```
1
```

```
1
```

```
2
```

```
1
```

```
1
```

```
2
```

```
5
```

04_

```
int sum(int n) {  
    if (n > 1) {  
        return sum(n - 1) + n;  
    }  
    return n;  
}
```

05_

```
double sum(double n) {  
    if (n > 1) {  
        return sum(n - 1) + (1.0 / n);  
    }  
    return 1;  
}
```

06_

```
int sum(int n) {  
    int result = 0;  
    for(int i = 1; i <= n; i++) {  
        result = result + i;  
    }  
    return result;  
}
```

7장

01_

- | | |
|--------------|------------------|
| (1) 루트 노드 | A |
| (2) 단말 노드 | F, G, H, K, J |
| (3) 내부 노드 | A, B, C, D, E, I |
| (4) F의 후손 노드 | 없음 |
| B의 후손 노드 | D, F, G |
| (5) I의 선조 노드 | E, C, A |
| (6) H의 형제 노드 | I, J |
| (7) 노드 F의 차수 | 0 |
| (8) 노드 G의 높이 | 1 |
| 노드 A의 높이 | 5 |
| (9) 노드 A의 레벨 | 1 |
| 노드 G의 레벨 | 4 |

02_

- (1) 전위 순회 과정

+ * A - * B C D * E + F G

- (2) 중위 순회 과정

A * B * C - D + E * F + G

- (3) 후위 순회 과정

A B C * D - * E F G + * +

03_

노드 개수 $n = 40$ 개

(1) 간선의 개수: 39개

(2) 최대 높이(h) = 40 ($h \leq n$)

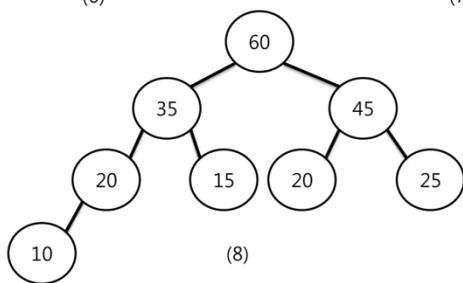
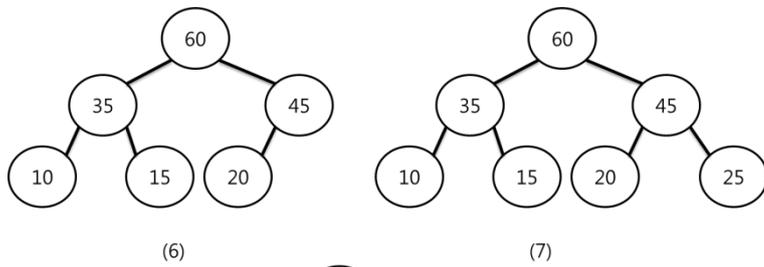
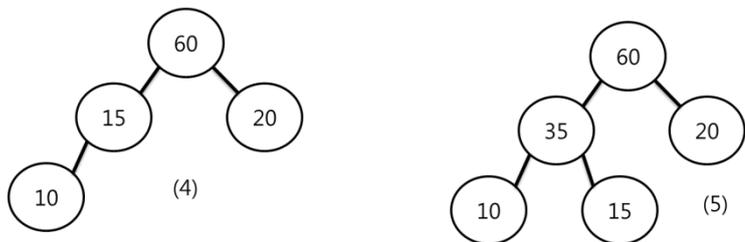
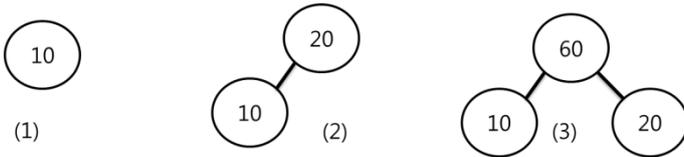
(3) 최소 높이(h) = 6 ($n \leq 2^h - 1$)

$$2^5 - 1 = 31 < 40$$

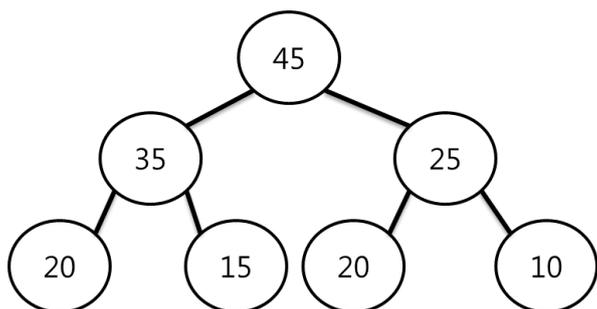
$$2^6 - 1 = 63 > 40$$

04_

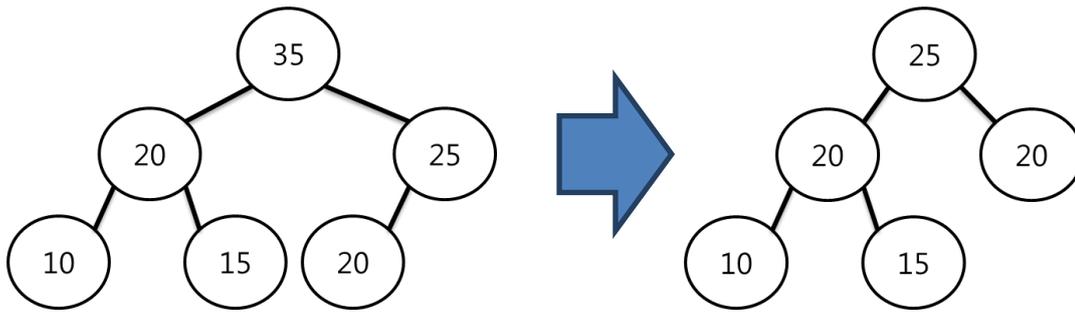
(1)



(2)



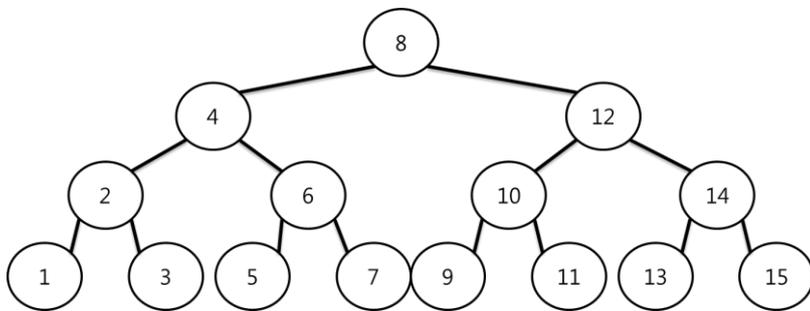
(3) 앞의 (2)에서 2번 더 삭제 연산이 발생한 경우



05_

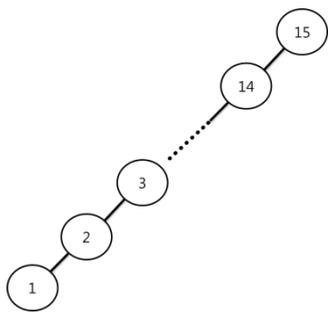
(1)

최소 높이: 4



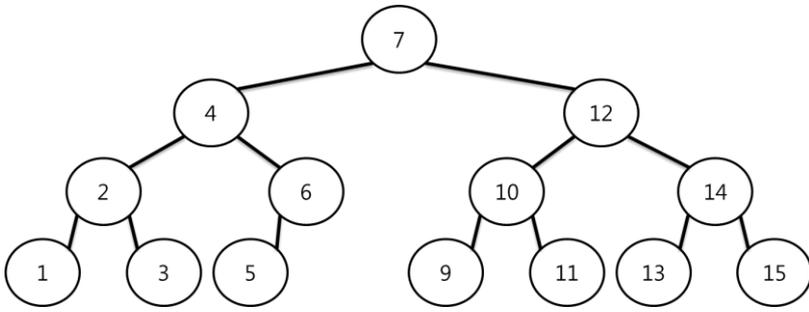
(2)

최대 높이: 15

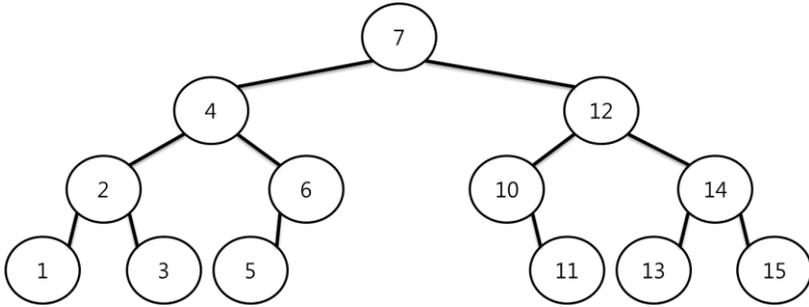


06_

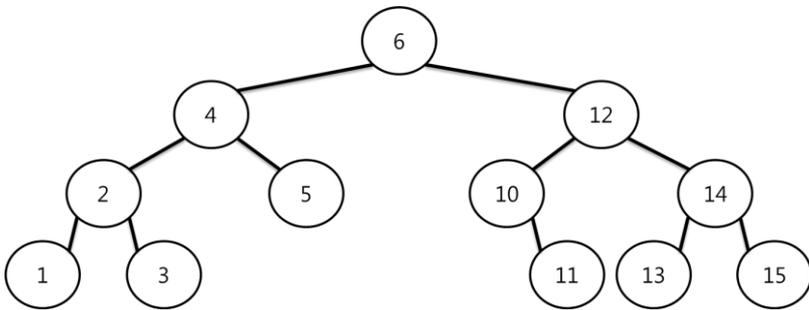
1) 8삭제 후



2) 9삭제후



3) 7삭제후



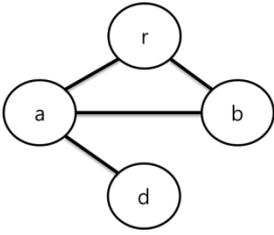
10_

pLeftChildNode != NULL && pLeftChildNode ->visited == FALSE

pushLSBinTreeNode(pStack, pRightChildNode);

8장

01_



02_

$$G = (V, E)$$

$$V(G) = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 \}$$

$$E(G) = \{ \langle 0,3 \rangle, \langle 1,0 \rangle, \langle 7,1 \rangle, \langle 6,1 \rangle, \langle 6,4 \rangle, \langle 6,7 \rangle, \langle 2,0 \rangle, \langle 2,3 \rangle, \langle 2,6 \rangle, \langle 2,4 \rangle, \langle 4,3 \rangle, \langle 5,7 \rangle, \langle 5,4 \rangle \}$$

03_

(1) 각 노드에서의 진입차수/진출차수

노드(정점)	진입 차수	진출 차수
0	2	1
1	2	1
2	0	4
3	3	0
4	3	1
5	0	2
6	1	3
7	2	1

(2) 각 노드(정점)에서의 인접 노드들

노드(정점)	인접 노드들
0	1, 2, 3
1	0, 6, 7
2	0, 3, 4, 6
3	0, 2, 4

4	2, 3, 5, 6
5	4, 7
6	1, 2, 4, 7
7	1, 5, 6

(3) 인접 행렬 표현

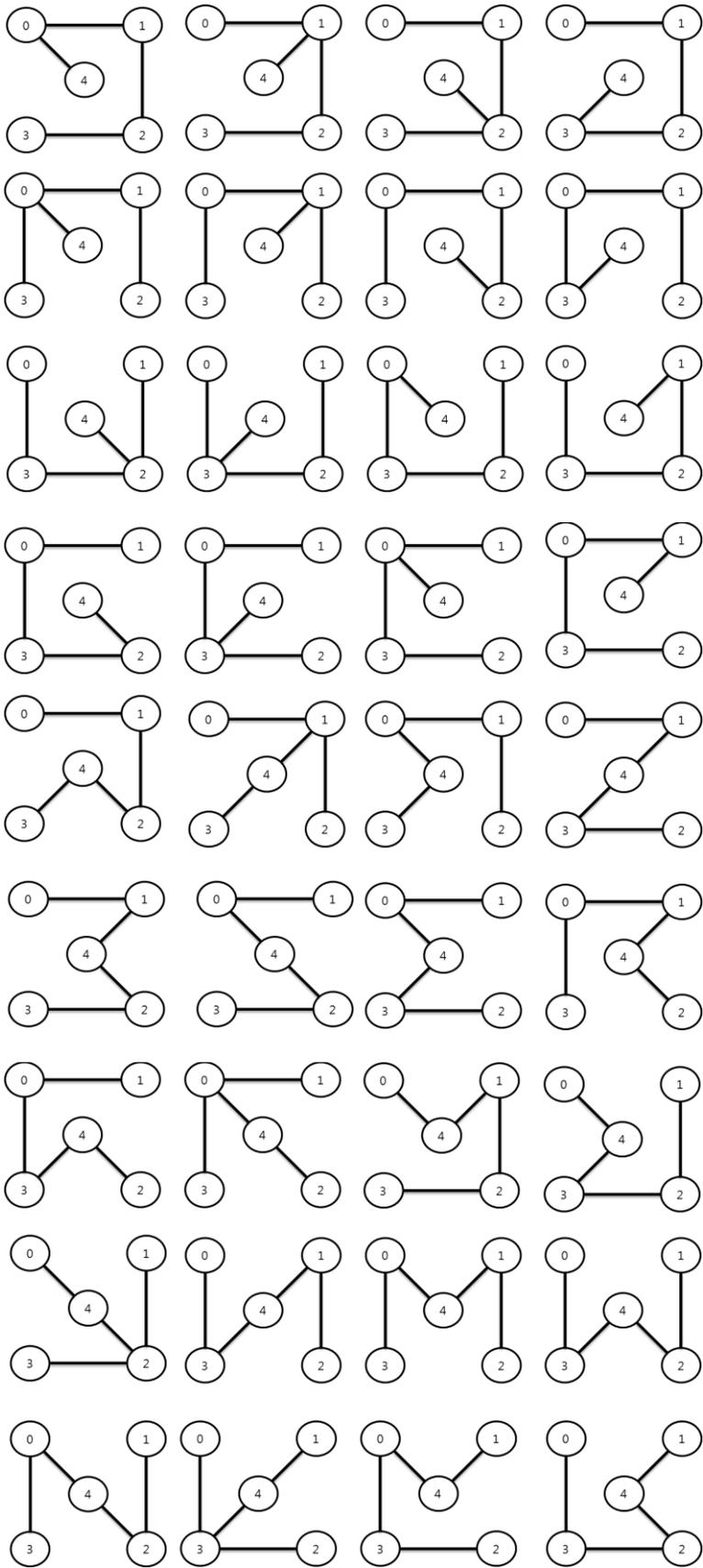
	0	1	2	3	4	5	6	7
0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0	0
2	5	0	0	7	3	0	1	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	2	0	0	0	0
5	0	0	0	0	1	0	0	7
6	0	3	0	0	1	0	0	1
7	0	1	0	0	0	0	0	0

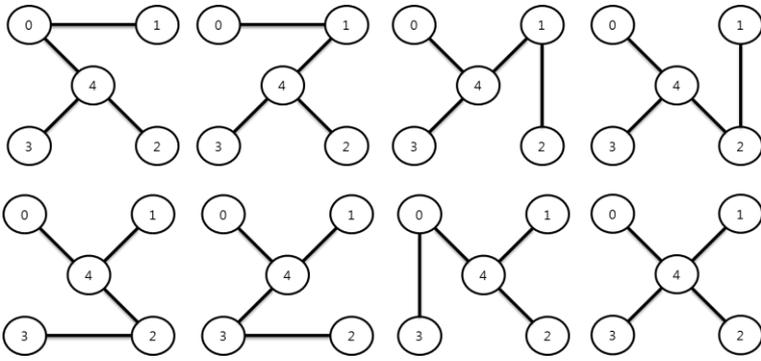
(4) 인접 리스트 표현 (인접 및 가중치 표현)

0	→ [3 1]
1	→ [0 1]
2	→ [0 5] → [3 7] → [4 3] → [6 1]
3	
4	→ [3 2]
5	→ [4 1] → [7 7]
6	→ [1 3] → [4 1] → [7 1]
7	→ [1 1]

04_

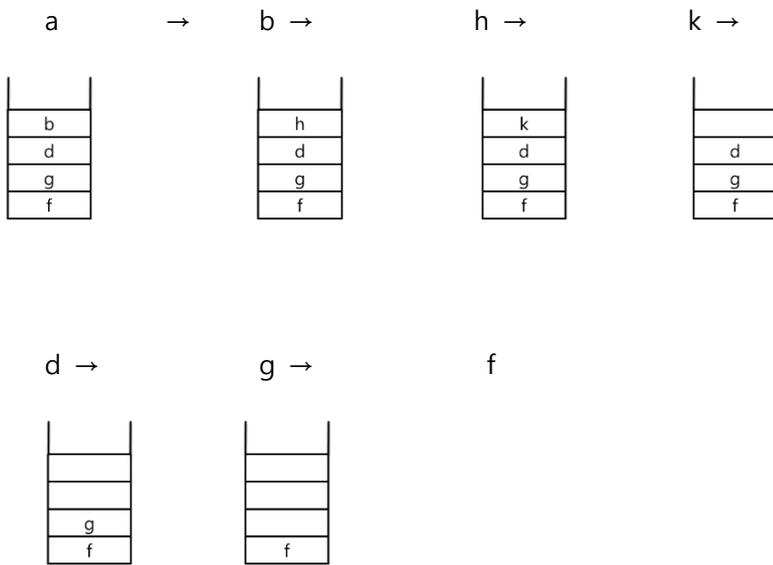
신장 트리로 모두 44가지가 가능함



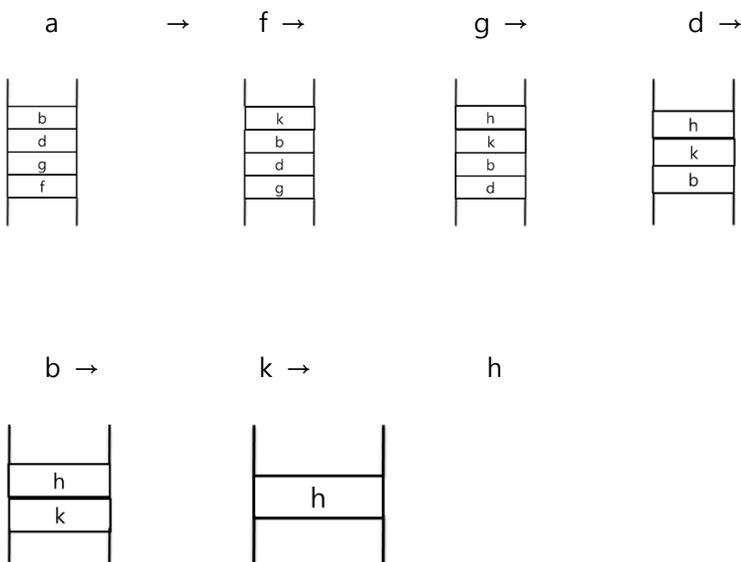


05_

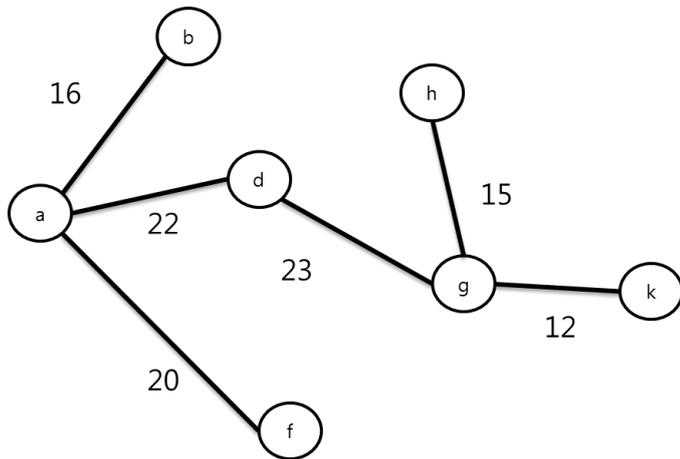
(1) 깊이 우선 탐색



(2) 넓이 우선 탐색



(3)~(4) 최소 비용 신장 트리



(3) Kruskal 알고리즘

- 1) g-k, 최소 가중치 12
- 2) g-h, 최소 가중치 15
- 3) a-b, 최소 가중치 16
- 4) a-f, 최소 가중치 20
- 5) a-d, 최소 가중치 22
- 6) d-g, 최소 가중치 23

(4) Prim 알고리즘

- 0) 시작 노드를 b로 설정
- 1) b-a, 최소 가중치 12
- 2) a-f, 최소 가중치 20
- 3) a-d, 최소 가중치 22
- 4) d-g, 최소 가중치 23
- 5) g-k, 최소 가중치 12
- 6) g-h, 최소 가중치 15

(1) 노드(정점) 2에서 최단 경로: Dijkstra 알고리즘

1) 초기화

<2,0>: 5

<2,1>: ∞

<2,3>: 7

<2,4>: 3

<2,5>: ∞

<2,6>: 1

<2,7>: ∞

2) 최단 경로

	1 번째		2 번째		3 번째		4 번째		5 번째		6,7번째
<2,0>	5		5		5		5		4		4
<2,1>	∞		4		4		3		3		3
<2,3>	7	→	7	→	4	→	4	→	4	→	4
<2,4>	3		2		2		2		2		2
<2,5>	∞		∞		∞		∞		∞		∞
<2,6>	1		1		1		1		1		1
<2,7>	∞		2		2		2		2		2
		노드6 선택		노드4 선택		노드7 선택		노드1 선택			노드 0과 3 선택

(2) 그래프 상의 모든 최단 경로: Floyd 알고리즘

1) 초기화

	0	1	2	3	4	5	6	7
0	0	∞	∞	1	∞	∞	∞	∞
1	1	0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
2	5	∞	0	7	3	∞	1	∞
3	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
4	∞	∞	∞	2	0	∞	∞	∞
5	∞	∞	∞	∞	1	0	∞	7
6	∞	3	∞	∞	1	∞	0	1
7	∞	1	∞	∞	∞	∞	∞	0

2) 최단 경로

	0	1	2	3	4	5	6	7
0	0	∞	∞	1	∞	∞	∞	∞
1	1	0	∞	2	∞	∞	∞	∞
2	4	3	0	4	2	∞	1	2
3	∞	∞	∞	0	∞	∞	∞	∞
4	∞	∞	∞	2	0	∞	∞	∞
5	9	8	∞	3	1	0	∞	7
6	3	2	∞	3	1	∞	0	1
7	2	1	∞	3	∞	∞	∞	0

9장

01_

70 50 80 60(a) 30 90 60(b) 40

(1) 삽입 정렬

Step-1	50	70	80	60(a)	30	90	60(b)	40
Step-2	50	70	80	60(a)	30	90	60(b)	40
Step-3	50	60(a)	70	80	30	90	60(b)	40
Step-4	30	50	60(a)	70	80	90	60(b)	40
Step-5	30	50	60(a)	70	80	90	60(b)	40
Step-6	30	50	60(a)	60(b)	70	80	90	40
Step-7	30	40	50	60(a)	60(b)	70	80	90

(2) 버블 정렬

Step-1	50	70	60(a)	30	80	60(b)	40	90
Step-2	50	60(a)	30	70	60(b)	40	80	90
Step-3	50	30	60(a)	60(b)	40	70	80	90
Step-4	30	50	60(a)	40	60(b)	70	80	90
Step-5	30	50	40	60(a)	60(b)	70	80	90
Step-6	30	40	50	60(a)	60(b)	70	80	90
Step-7	30	40	50	60(a)	60(b)	70	80	90

(3) 선택 정렬

Step-1	30	50	80	60(a)	70	90	60(b)	40
Step-2	30	40	80	60(a)	70	90	60(b)	50
Step-3	30	40	50	60(a)	70	90	60(b)	80
Step-4	30	40	50	60(a)	70	90	60(b)	80
Step-5	30	40	50	60(a)	60(b)	90	70	80
Step-6	30	40	50	60(a)	60(b)	70	90	80
Step-7	30	40	50	60(a)	60(b)	70	80	90

(4) 셸 정렬

70 50 80 60(a) 30 90 60(b) 40

간격 4: {70, 30}, {50, 90}, {80, 60(b)}, {60(a),40}

간격 4	30	50	60(b)	40	70	90	80	60(a)
------	----	----	-------	----	----	----	----	-------

간격 2: {30, 60(b), 70, 80}, {50, 40, 90, 60(a)}

간격 2	30	40	60(b)	50	70	60(a)	80	90
------	----	----	-------	----	----	-------	----	----

간격 1: {30, 40, 60(b), 50, 70, 60(a), 80, 90}

간격 1	30	40	50	60(a)	60(b)	70	80	90
------	----	----	----	-------	-------	----	----	----

02_

(1) 퀵 정렬

62, 48, 93, 78, 24, 65, 23, 9

1) 피벗 9

62	48	93	78	24	65	23	9 *
----	----	----	----	----	----	----	-----

2) 피벗 23

62	48	93	78	24	65	23*	9
----	----	----	----	----	----	-----	---

3) 피벗 65

78	93	65*	62	24	48	23	9
----	----	-----	----	----	----	----	---

4) 피벗 93

93*	78	65	62	24	48	23	9
-----	----	----	----	----	----	----	---

5) 피벗 48

93	78	65	62	48*	24	23	9
----	----	----	----	-----	----	----	---

정렬 결과: 93 78 65 62 48 24 23 9

(2) 병합 정렬

62, 48, 93, 78, 24, 65, 23, 9

1) 분할

62, 48, 93, 78, 24, 65, 23, 9

2) 병합 (1)

{62, 48} {93, 78}, {65, 24}, {23, 9}

3) 병합 (2)

{93, 78, 62, 48}, {65, 24, 23, 9}

4) 병합 (3)

{93, 78, 65, 62, 48, 24, 23, 9}

(3) 기수 정렬

62, 48, 93, 78, 24, 65, 23, 9

1) 1의 자릿수

9 48 78 65 24 93 23 62

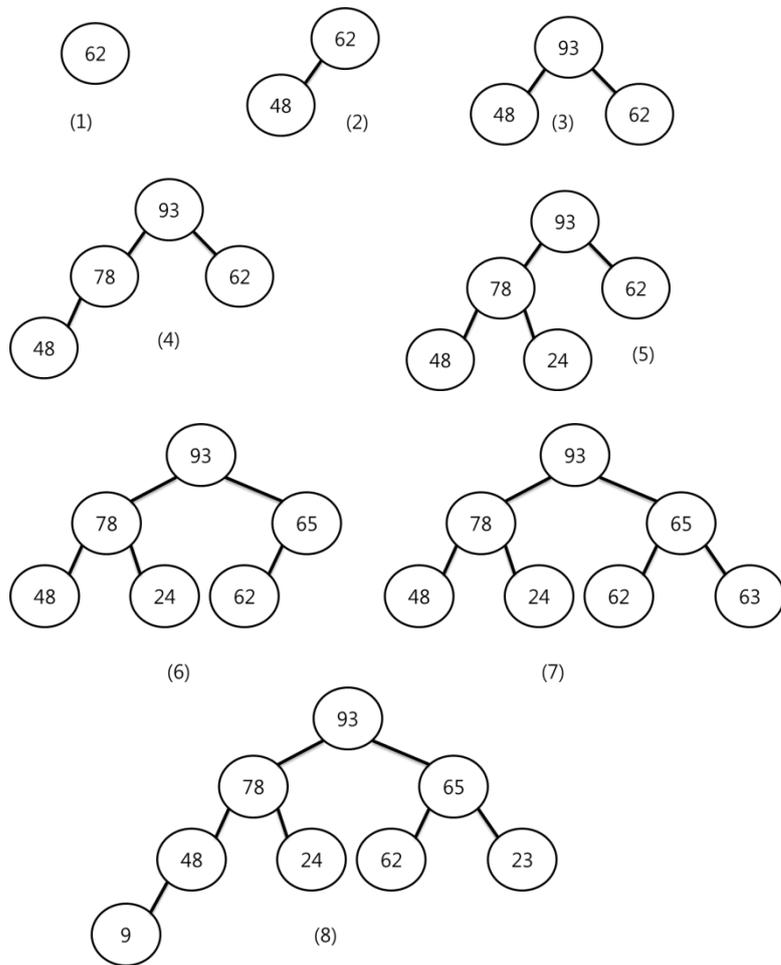
2) 10의 자릿수

93 78 65 62 48 24 23 62

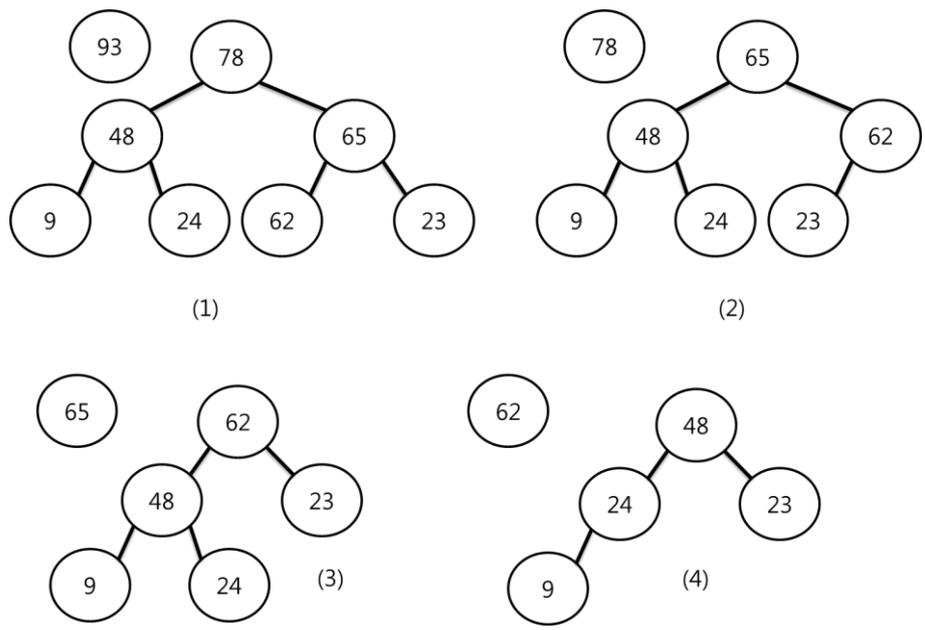
(4) 힙 정렬

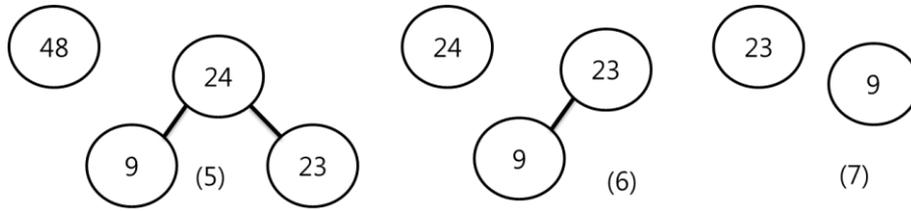
62, 48, 93, 78, 24, 65, 23, 9

1) 삽입 단계



2) 삭제 단계





03_

퀵 정렬의 특성

퀵 정렬은 인접한 피벗을 기준으로 두 자료의 키 값을 비교하여 위치를 교환하는 알고리즘으로, 자료의 이동 연산이 비교 연산보다 상대적으로 적게 발생한다. 단, 피벗을 기준으로 나누어지는 2개의 부분 집합에 불균형이 발생하면, 즉 기존 자료의 정렬 정도에 따라 효율성이 최악의 경우 $O(n^2)$ 이 될 수 있다

퀵 정렬의 효율성

최선 혹은 평균: $O(n \log_2 n)$, 최악: $O(n^2)$

퀵 정렬의 안정성

안정성이 유지되지 않는 불안정 알고리즘이다.

04_

평균 기준

$O(n^2)$: 선택 정렬, 버블 정렬, 삽입 정렬

$O(n \log_2 n)$: 퀵 정렬, 병합 정렬, 힙 정렬

$O(n)$: 기수 정렬

10장

01_

2번

9 → 14

02_

abc의 경우

호너의 방법 (자릿수 31 사용)

$$((97 * 31 + 98) * 31 + 99) = 96354$$

def의 경우

호너의 방법 (자릿수 31 사용)

$$((100 * 31 + 101) * 31 + 102) = 99333$$

(1) 이동 접기 함수

1) 문자열 abc의 키 값: 17

해시 테이블 크기 M = 127 (3자리)

963 54 : 3자리 2개로 분할

963
+ 54
1,017

초과 자릿수인 천의 자리 1을 버리면, 최종적으로 17이 남음

2) 문자열 def의 키 값 26

해시 테이블 크기 M = 127 (3자리)

993 33 : 3자리 2개로 분할

993
+ 33
1,026

초과 자릿수인 천의 자리 1을 버리면, 최종적으로 26이 남음

(2) 중간 제곱 함수

1) 문자열 abc의 키 값: 93

$$96354 * 96354 = 9,284,093,316$$

중간 4자리 4,093에서 초과 자릿수 4 버림

2) 문자열 def의 키 값 44

$$99333 * 99333 = 9,867,044,889$$

중간 4자리 7,044에서 초과 자릿수 7 버림

03_

(1) 선형 조사법

89 15 12 13 4 30 1 2 25 27

$$h(k) = k \bmod 11$$

$$h(85) = 85 \bmod 11 = 8$$

$$h(15) = 15 \bmod 11 = 4$$

$$h(12) = 12 \bmod 11 = 1$$

$$h(13) = 13 \bmod 11 = 2$$

$$h(4) = 4 \bmod 11 = 4 \quad (\text{충돌})$$

$$h(4) = (4 + 1) \bmod 11 = 5$$

$h(30) = 30 \bmod 11 = 8$ (충돌)

$h(30) = (30 + 1) \bmod 11 = 9$

$h(1) = 1 \bmod 11 = 1$ (충돌)

$h(1) = (1 + 1) \bmod 11 = 2$ (충돌)

$h(1) = (1 + 2) \bmod 11 = 3$

$h(2) = 2 \bmod 11 = 2$ (충돌)

$h(2) = (2 + 1) \bmod 11 = 3$ (충돌)

$h(2) = (2 + 2) \bmod 11 = 4$ (충돌)

$h(2) = (2 + 3) \bmod 11 = 5$ (충돌)

$h(2) = (2 + 4) \bmod 11 = 6$

$h(25) = 25 \bmod 11 = 3$ (충돌)

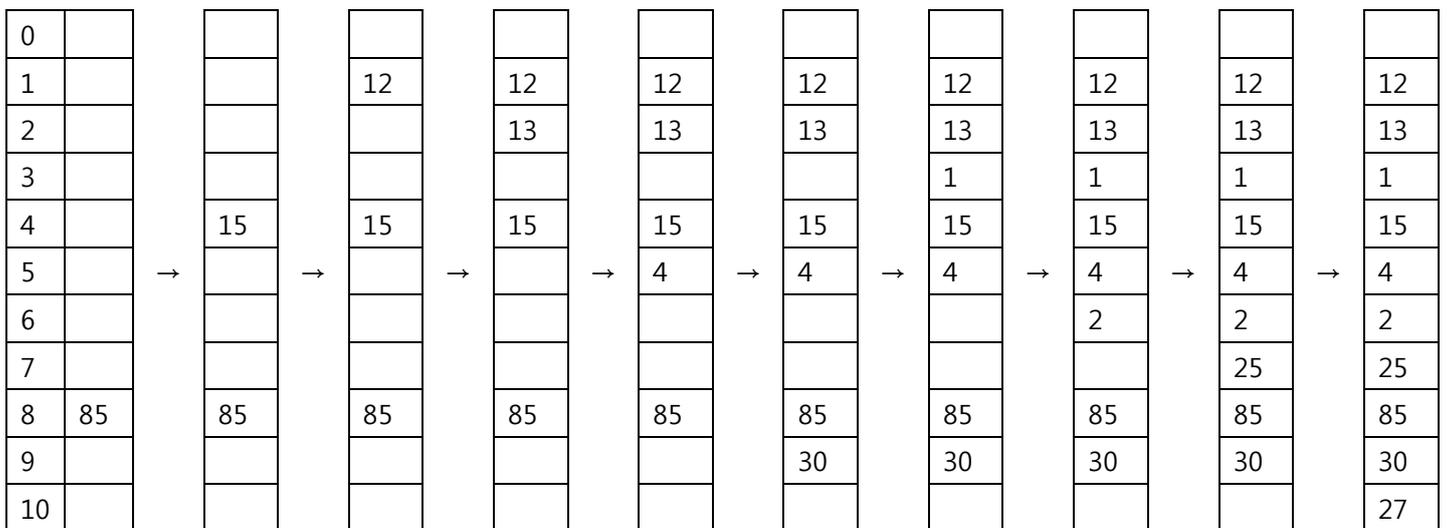
.....

$h(25) = (25 + 4) \bmod 11 = 7$

$h(27) = 27 \bmod 11 = 5$ (충돌)

....

$h(27) = (27 + 5) \bmod 11 = 10$



(2) 제곱 조사법

89 15 12 13 4 30 1 2 25 27

$$h(85) = 85 \bmod 11 = 8$$

$$h(15) = 15 \bmod 11 = 4$$

$$h(12) = 12 \bmod 11 = 1$$

$$h(13) = 13 \bmod 11 = 2$$

$$h(4) = 4 \bmod 11 = 4 \quad (\text{충돌})$$

$$h(4) = (4 + 1) \bmod 11 = 5$$

$$h(30) = 30 \bmod 11 = 8 \quad (\text{충돌})$$

$$h(30) = (30 + 1) \bmod 11 = 9$$

$$h(1) = 1 \bmod 11 = 1 \quad (\text{충돌})$$

$$h(1) = (1 + 1) \bmod 11 = 2 \quad (\text{충돌})$$

$$h(1) = (1 + 2) \bmod 11 = 3$$

$$h(2) = 2 \bmod 11 = 2 \quad (\text{충돌})$$

$$h(2) = (2 + 1) \bmod 11 = 3 \quad (\text{충돌})$$

$$h(2) = (2 + 4) \bmod 11 = 6$$

$$h(25) = 25 \bmod 11 = 3 \quad (\text{충돌})$$

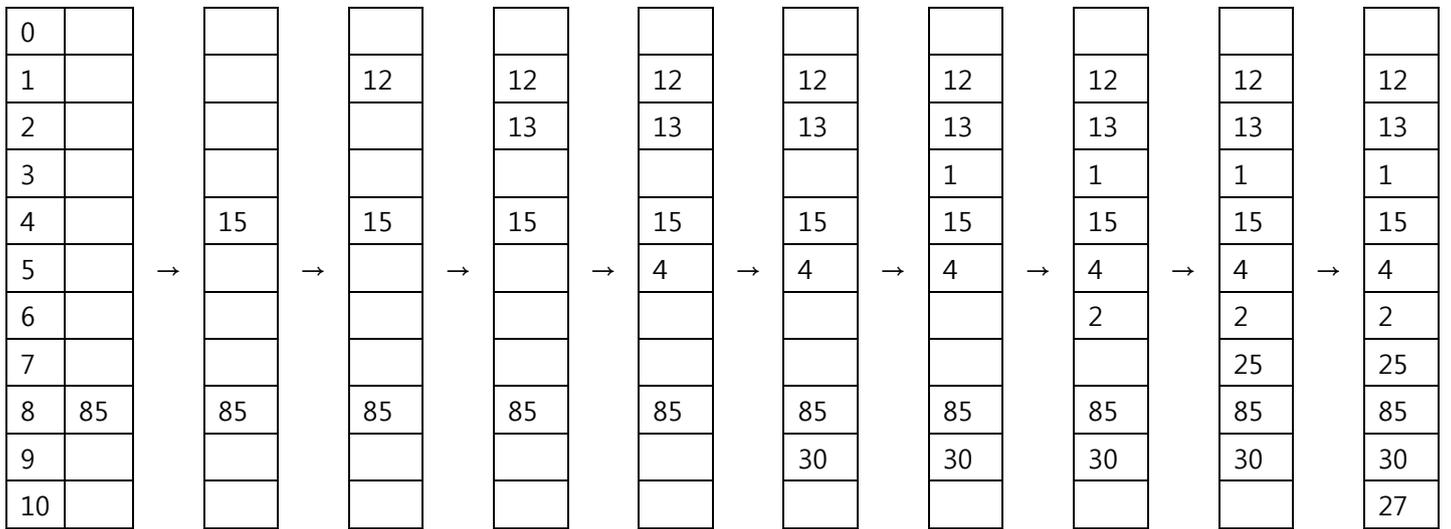
.....

$$h(25) = (25 + 4) \bmod 11 = 7$$

$$h(27) = 27 \bmod 11 = 5 \quad (\text{충돌})$$

....

$$h(27) = (27 + 16) \bmod 11 = 43 \bmod 11 = 10$$



(3) 이중 해싱 기법 (조사 간격 $M = 5 - (k \bmod 5)$)

89 15 12 13 4 30 1 2 25 27

$$h(85) = 85 \bmod 11 = 8$$

$$h(15) = 15 \bmod 11 = 4$$

$$h(12) = 12 \bmod 11 = 1$$

$$h(13) = 13 \bmod 11 = 2$$

$$h(4) = 4 \bmod 11 = 4 \quad (\text{충돌})$$

$$\text{조사간격 } M = 5 - (4 \bmod 5) = 1$$

$$h(4) = (4 + 1) \bmod 11 = 5$$

$$h(30) = 30 \bmod 11 = 8 \quad (\text{충돌})$$

$$\text{조사간격 } M = 5 - (8 \bmod 5) = 2$$

$$h(30) = (30 + 2) \bmod 11 = 10$$

$$h(1) = 1 \bmod 11 = 1 \quad (\text{충돌})$$

$$\text{조사간격 } M = 5 - (1 \bmod 5) = 4$$

$$h(1) = (1 + 4) \bmod 11 = 5 \quad (\text{충돌})$$

$$h(1) = (5 + 4) \bmod 11 = 9$$

$h(2) = 2 \bmod 11 = 2$ (충돌)

조사간격 $M = 5 - (2 \bmod 5) = 3$

$h(2) = (2 + 3) \bmod 11 = 5$ (충돌)

$h(2) = (5 + 3) \bmod 11 = 8$ (충돌)

$h(2) = (8 + 3) \bmod 11 = 0$

$h(25) = 25 \bmod 11 = 3$ (충돌)

조사간격 $M = 5 - (25 \bmod 5) = 5$

$h(25) = (25 + 5) \bmod 11 = 8$ (충돌)

$h(25) = (8 + 5) \bmod 11 = 2$ (충돌)

$h(25) = (2 + 5) \bmod 11 = 7$

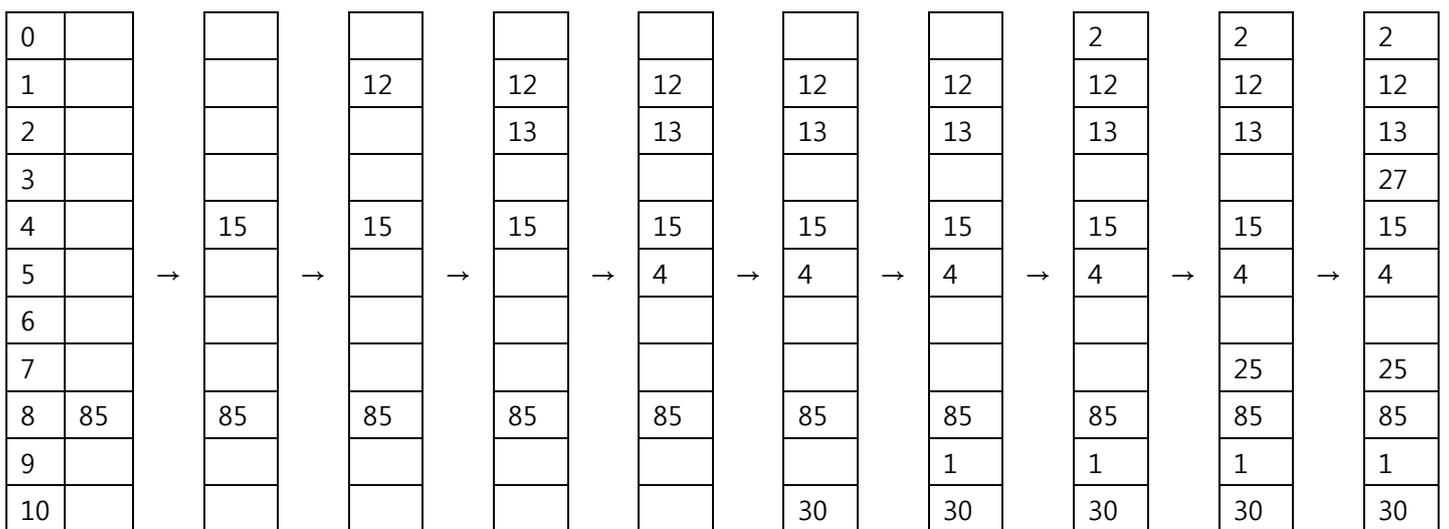
$h(27) = 27 \bmod 11 = 5$ (충돌)

조사간격 $M = 5 - (27 \bmod 5) = 3$

$h(27) = (27 + 3) \bmod 11 = 8$ (충돌)

$h(27) = (8 + 3) \bmod 11 = 0$ (충돌)

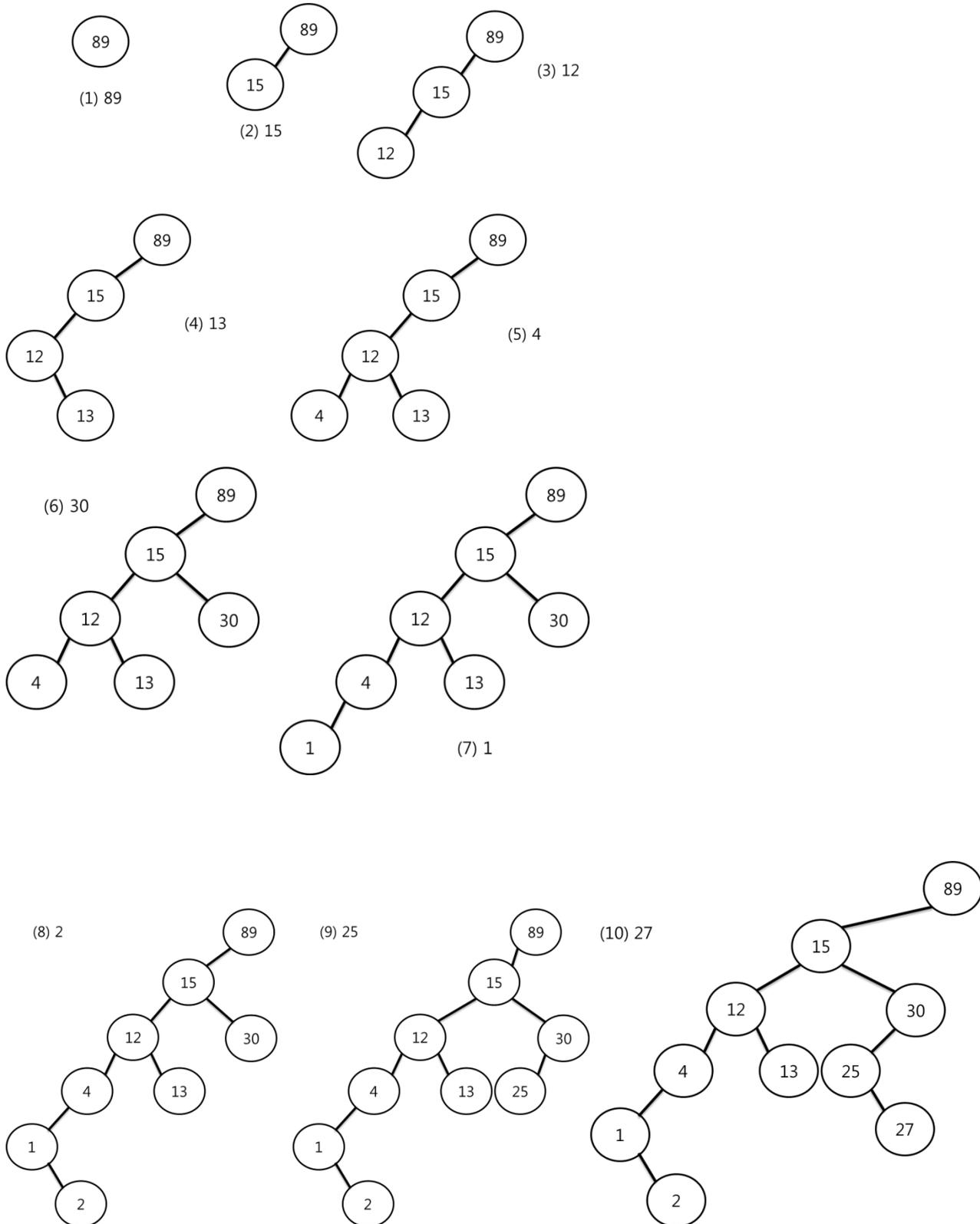
$h(27) = (0 + 3) \bmod 11 = 3$



05_

89 → 15 → 12 → 13 → 4 → 30 → 1 → 2 → 25 → 27

1) 이진탐색 트리의 경우



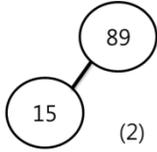
2) AVL트리의 경우

(1) 89



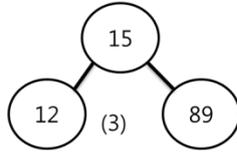
(1)

(2) 15

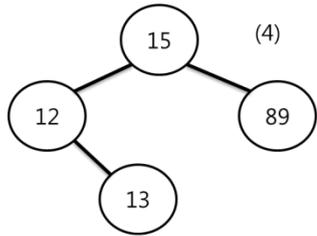


(2)

(3) 12

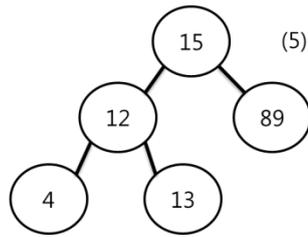


(3)



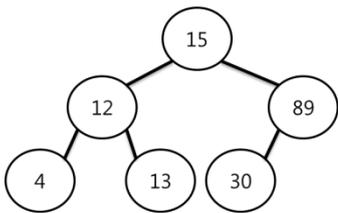
(4)

(4) 13

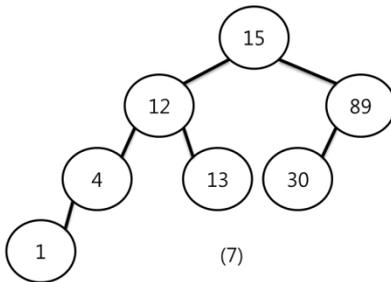


(5)

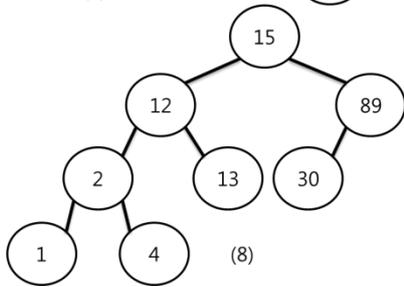
(5) 4



(6)



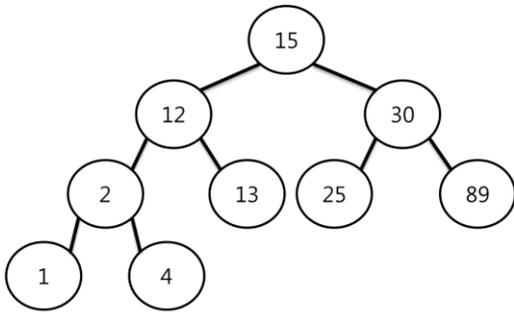
(7)



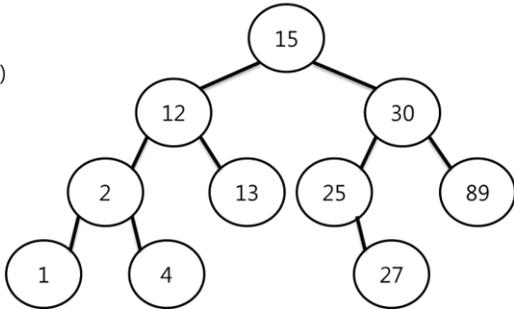
(8)

(6) 30 (7) 1 (8) 2

(9)



(10)



(9)25 (10) 27

06_ 최대 자료 저장 개수

(1) 높이가 3, 4-원 탐색 트리

(최대 자료 저장 개수) = $3 + 12 + 96 = 111$ 개

$m=4$, 각 노드는 최대 3개($=4 - 1$)개의 자료를 가짐

높이 1: 루트 노드가 4개의 서브트리 가짐, 루트 노드는 자료 3개 가짐

높이 2: 높이 2인 노드는 모두 4개이며, 각각 자료 3개씩 가짐, 따라서, 모두 12개의 자료 저장

아울러, 높이 2인 4개의 서브트리가 각각 4개의 서브트리 가짐,

높이 3: 높이 3인 노드는 모두 16개($=4 * 4$)이며, 각각 자료 3개씩 가짐, 따라서, 모두 96개 자료 저장

높이가 3이므로 서브트리는 0개임

(2) 높이가 4, 5-원 탐색 트리

(최대 자료 저장 개수) = $4 + 20 + 100 + 500 = 624$ 개

$m=5$, 각 노드는 최대 4개($=5 - 1$)개의 자료를 가짐

높이 1: 루트 노드가 5개의 서브트리 가짐, 루트 노드는 자료 4개 가짐

높이 2: 높이 2인 노드는 모두 5개이며, 각각 자료 4개씩 가짐, 따라서, 모두 20개의 자료 저장

아울러, 높이 2인 5개의 서브트리가 각각 5개의 서브트리 가짐,

높이 3: 높이 3인 노드는 모두 25개(=5 * 5)이며, 각각 자료 4개씩 가짐,

따라서, 모두 100(=25*4)개 자료 저장

높이가 3인 25개의 서브트리가 각각 5개의 서브트리 가짐

높이 4: 높이 4인 노드는 모두 125개(=25 * 5)이며, 각각 자료 4개씩 가짐,

따라서, 모두 500개 자료 저장

높이가 4이므로 서브트리는 0개임

(3) 높이가 h, m-원 탐색 트리

(최대 자료 저장 개수) = (m-1)

+ (m - 1) * m

+ (m - 1) * m * m

+

+ (m - 1) * m^(h-1)

= m^h - 1

07_ 최대 자료 저장 개수

(1) 높이가 3, 차수가 5인 B-트리

124

(2) 높이가 5, 차수가 5인 B-트리

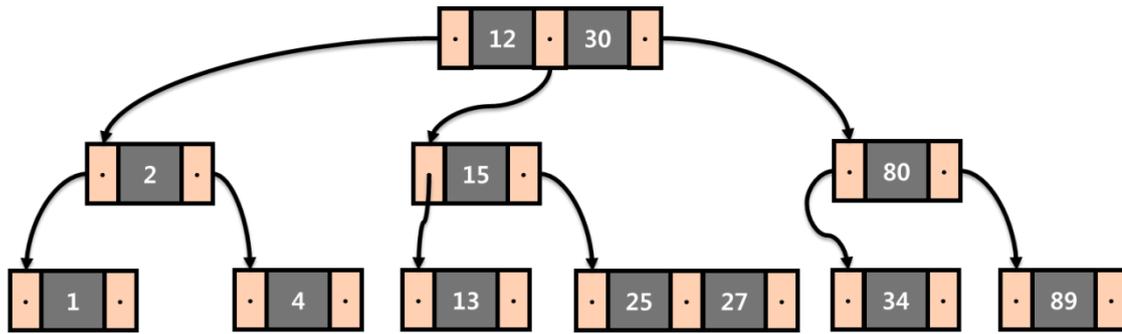
3124

(3) 높이가 h, 차수가 5인 B-트리

5^h - 1

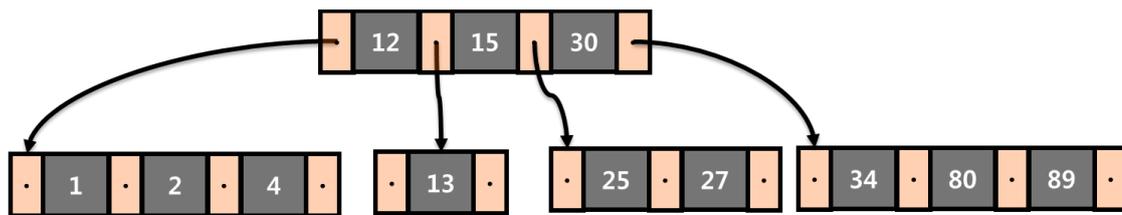
08_ m=3인 B-트리

85 → 15 → 12 → 13 → 4 → 30 → 1 → 2 → 25 → 27 → 34 → 80



09_ m=4인 B-트리

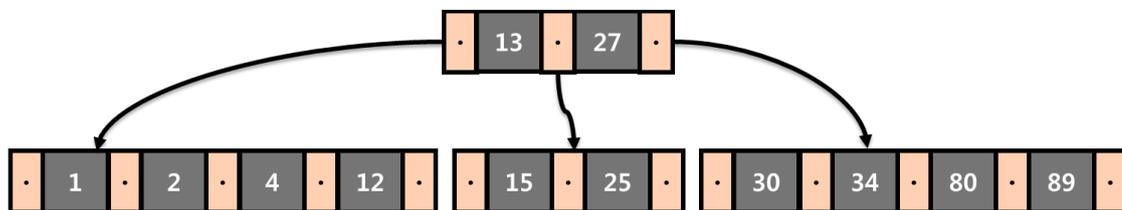
85 → 15 → 12 → 13 → 4 → 30 → 1 → 2 → 25 → 27 → 34 → 80



10_ ~ 11_

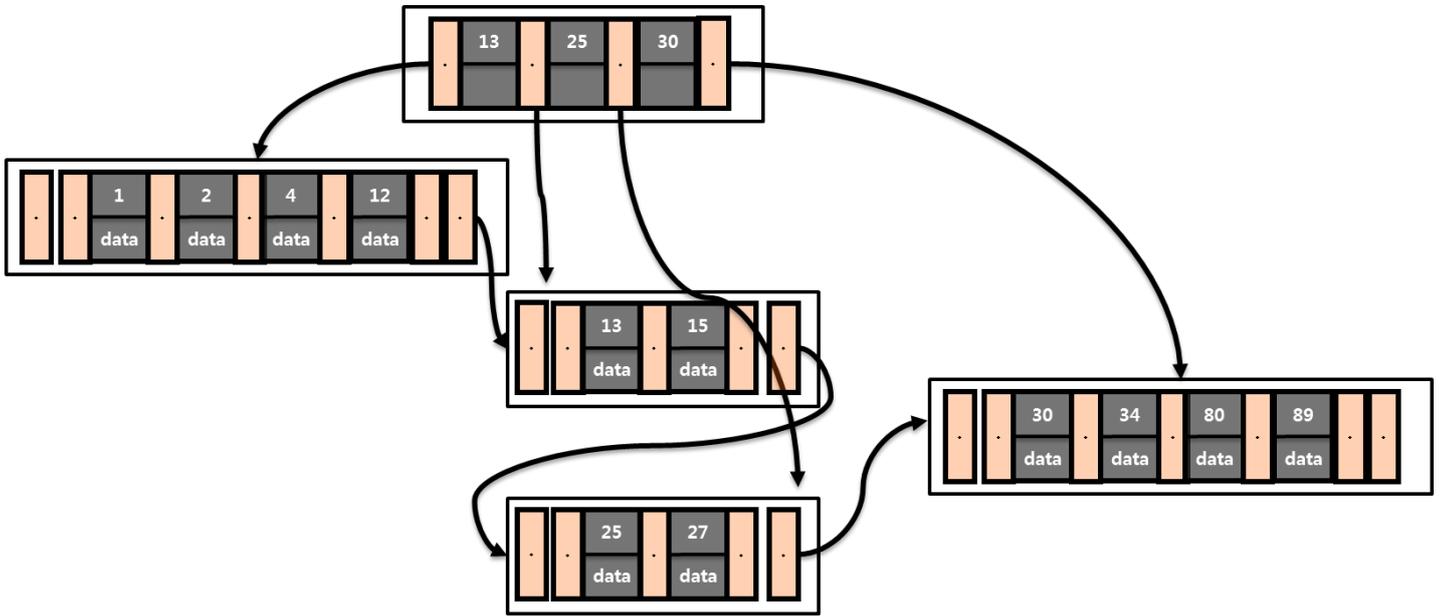
85 → 15 → 12 → 13 → 4 → 30 → 1 → 2 → 25 → 27 → 34 → 80

m=5인 B-트리



85 → 15 → 12 → 13 → 4 → 30 → 1 → 2 → 25 → 27 → 34 → 80

m=5인 B+트리



85 → 15 → 12 → 13 → 4 → 30 → 1 → 2 → 25 → 27 → 34 → 80

m=5인 B*트리

이 경우 앞의 m=5, B-트리와 동일함

